# 白色化の影響を考慮したスパース独立ベクトル分析\* 〇矢田部浩平 (早大),北村大地 (香川高専)

# 1 まえがき

N 個の音源が M 本のマイクロホンによって観測されている状況を,時間周波数領域において  $\mathbf{x}[t, f] \approx A[f]\mathbf{s}[t, f]$ と近似し,分離フィルタ W[f]を用いて

$$W[f]\mathbf{x}[t, f] \approx W[f]A[f]\mathbf{s}[t, f] = \mathbf{s}[t, f]$$

と分離する問題を考える.この問題に対する一般的 な戦略は,音源信号に対する何らかの先験情報を関数 アとして導入し,分離フィルタに関する最適化問題

 $\underset{\{W[f]\}_{f=1}^{F}}{\text{Minimize}} \ \mathcal{P}(W[f]\mathbf{x}[t,f]) - \sum_{f=1}^{F} \log |\det(W[f])|$ 

を解くことであり,独立成分分析 (ICA) や独立ベク トル分析 (IVA) など様々な手法が提案されている.

我々はこの問題に対し,近接分離最適化を適用し たアルゴリズムを提案している [1,2].提案法の特徴 は,ペナルティ関数  $\mathcal{P}$  に関する最小化を,近接作用 素と呼ばれる「より簡単な部分問題」に置き換えるこ とで,多くの音源モデルを単一のアルゴリズムで統 一的に扱える点にある.さらに,アルゴリズムの解釈 を緩和することで,音源モデルを「一般の時間周波数 マスキング手法」で間接的に与える拡張手法も提案 している [3,4]. Algorithm 1 に示すように,音源を 強調するマスク生成関数  $\mathcal{M}_{\theta}(\cdot)$ さえ定義すれば,そ れを代入するのみで新たな音源分離手法を実現でき, 定式化や解法に囚われない提案が可能である.

前回の音響学会 [3] では,一般の時間周波数マスキ ングに基づく音源分離アルゴリズムの他に,そのア ルゴリズムを利用した IVA も合わせて提案するつも りであったが,結果として未発表のまま現在に至っ ている.そこで本稿では,提案アルゴリズムを用いて IVA を拡張した,スパース IVA を改めて提案する.

# 2 時間周波数マスキングに基づく音源分離

観測データを行列 X で表現し,分離フィルタをベ クトル化して w とすると,音源分離問題は  $\mathcal{P}(Xw)$  と  $-\log |\det(mat(w)[f])|$ の最小化なので,それらの和 に対して近接分離アルゴリズムを適用し [1,2],  $\mathcal{P}$ の近 接作用素を時間周波数マスク  $\mathcal{M}_{\theta}(\cdot)$  で置き換えるこ とで Algorithm 1 が得られる [3,4].ここで  $\mathcal{M}_{\theta}(\cdot)$ は,音源モデルを事前分布として Gauss 雑音を除去 する MAP 推定に対応しており [3,4],そのような雑

#### Algorithm 1 Masking-based PDS-BSS

1: Input:  $X, \mathbf{w}^{[1]}, \mathbf{y}^{[1]}, \mu_1, \mu_2, \alpha$ 2: Output:  $\mathbf{w}^{[K+1]}$ 3: for k = 1, ..., K do 4:  $\tilde{\mathbf{w}} = \operatorname{prox}_{\mu_1 \mathcal{I}} [\mathbf{w}^{[k]} - \mu_1 \mu_2 X^H \mathbf{y}^{[k]}]$ 5:  $\mathbf{z} = \mathbf{y}^{[k]} + X(2\tilde{\mathbf{w}} - \mathbf{w}^{[k]})$ 6:  $\tilde{\mathbf{y}} = \mathbf{z} - \mathcal{M}_{\theta}(\mathbf{z}) \odot \mathbf{z}$ 7:  $\mathbf{y}^{[k+1]} = \alpha \tilde{\mathbf{y}} + (1 - \alpha) \mathbf{y}^{[k]}$ 8:  $\mathbf{w}^{[k+1]} = \alpha \tilde{\mathbf{w}} + (1 - \alpha) \mathbf{w}^{[k]}$ 9: end for

音除去効果があれば, どんなマスクでも音源分離アル ゴリズムを実現可能である.よって, 新手法の開発を マスク設計問題として捉えなおすことができる.

## 3 スパース独立ベクトル分析

IVA は,各窓をグループとするグループスパース 誘導関数を P として選んだ場合に対応する.例えば,

$$\left(\mathcal{M}_{\lambda}(\mathbf{z})\right)_{m}[t,f] = \left(1 - \lambda/(\sum_{f=1}^{F} |z_{m}[t,f]|^{2})^{\frac{1}{2}}\right)$$

のような閾値処理が, ℓ<sub>2,1</sub>ノルムを選ぶとマスクとし て導かれ, これを提案アルゴリズムに代入すれば, 球 対称 Laplace 分布に基づく IVA が実現される. この マスクを拡張すれば, 音源毎に独立なマスクを考える 限り IVA の拡張を与える (音源毎に独立でない場合 は, もはや独立性基準と解釈はできないが, 独立性が 必ずしも適切な仮定とは限らないので, 考える価値は ある). 任意のマスクに対応する関数 P は陽に書けな いので, 特別な場合を除いて音源の事前分布も閉形式 で表せないが, 提案手法を用いれば, そのような数式 上の都合に制約されることなく IVA を拡張できる.

### 3.1 白色化が音源分離に与える影響

多くの音源分離アルゴリズムで、安定性や収束速度 の意味で、白色化が有用な前処理として利用されてい る.周波数領域 ICA のように、各周波数を独立に取 り扱う場合は、各周波数を個別に白色化して問題ない が、IVA のように周波数間の共起性を考慮する場合 は、白色化の副作用に注意する必要がある.図-1に、 白色化前後の音声のスペクトログラムを示す.各周 波数で独立に白色化を行った結果、元からエネルギー の小さい周波数帯域が持ち上がり、ノイズが支配的な 帯域が発生している.これを周波数方向に足し合わ せたエネルギーが下段にあるが、白色化の前後で特徴

<sup>\*</sup>Sparse independent vector analysis considering side effect of whitening. By Kohei YATABE (Waseda University), Daichi KITAMURA (National Institute of Technology, Kagawa College).



図-1 白色化前後のスペクトログラムと窓毎のエネルギー

が大きく異なっている.球対称 Laplace 分布は, この 下段の図がスパースであることを仮定しているので, 白色化がその前提を崩し得ることを示唆している<sup>1</sup>.

#### 3.2 白色化の影響を考慮した独立ベクトル分析

白色化の影響を考慮した上で、より強くスパースに 誘導するマスクを提案することで、IVA を拡張する. まず、白色化によって崩されたスパース構造を復元す るために、重み $\Theta_{\eta}[\cdot]$ を導入する.ここでは、周波数 毎のスパース性を正規化 $\ell_1$ ノルムで計り、その逆数

$$(\Theta_{\eta}[\mathbf{x}])_{f} = \Upsilon_{\eta} \left[ \frac{\left( \sum_{m=1}^{M} \sum_{t=1}^{T} |x_{m}[t, f]|^{2} \right)^{\frac{1}{2}}}{\sum_{m=1}^{M} \sum_{t=1}^{T} |x_{m}[t, f]|} \right]^{\frac{1}{2}}$$

を利用する.  $\Upsilon_{\eta}[\cdot]$  は  $\ell_1$  正規化を表し,  $\eta \ge 0$  により

$$\Upsilon_{\eta}[\boldsymbol{\xi}] = \boldsymbol{\xi}_{\eta}/(\|\boldsymbol{\xi}_{\eta}\|_{1}/F), \qquad \boldsymbol{\xi}_{\eta} = (\boldsymbol{\xi} - \eta)_{+}$$

のように閾値処理を行う. この重み Θ<sub>η</sub>[·] はスパース でない周波数帯域で小さな値やゼロとなり,ノイズが 支配的な帯域を無視する効果がある.

さらに、グループスパース項とは別に、要素毎のス パース誘導項も足すことを想定し、soft thresholding のバイアスを軽減した firm thresholding を用いて

$$\left( \mathcal{M}_{\text{sparseIVA}}^{\mathbf{x},\eta,\boldsymbol{\lambda},\kappa}(\mathbf{z}) \right)_{m}[t,f] = \zeta_{m}^{\mathbf{z},\kappa}[t,f] \\ \times \Xi_{\kappa} \left[ \left( 1 - \frac{\lambda_{1}}{\left(\sum_{f=1}^{F} (\Theta_{\eta}[\mathbf{x}])_{f} \left| \zeta_{m}^{\mathbf{z},\kappa}[t,f] z_{m}[t,f] \right|^{2} \right)_{+}^{\frac{1}{2}} \right]$$

によりマスクを定義する.ただし $\lambda = [\lambda_1, \lambda_2]$ は閾値,

$$\left(\Xi_{\kappa}[\mathbf{z}]\right)_{m}[t,f] = \left(\kappa \, z_{m}[t,f]/\max_{m,t,f}\{z_{m}[t,f]\}\right)_{-}$$

 $k \in 1$ によるバイアス低減処理,  $(\cdot)_{-} = \min\{1, \cdot\},$ 

$$\zeta_m^{\mathbf{z},\kappa}[t,f] = \Xi_{\kappa} \left[ \left( 1 - \lambda_2 / |z_m[t,f]| \right)_+ \right]$$

は要素毎の firm thresholding を表す. このマスクを Algorithm 1 に代入して得られるアルゴリズムを,



図-2 従来法 (点線)と提案法 (実線)の反復毎の評価

表-1 図-2 右端のスコアおよび反復毎の計算時間

	Mixture A			Mixture B			Time
	SDR	SIR	SAR	SDR	SIR	SAR	[ms]
IVA	6.0	9.8	8.7	3.4	6.3	7.5	55.2
Prop.	9.5	14.9	11.3	6.5	9.8	9.7	67.1
差	3.5	5.1	2.6	3.1	3.5	2.2	11.9
比	1.6 x	$1.5\mathrm{x}$	1.3 x	1.9 x	1.6 x	1.3 x	$1.2\mathrm{x}$

スパース **IVA** として提案する. これは, Laplace IVA に重み  $\Theta_{\eta}[\cdot]$ を導入し, ( $\ell_{2,1}$ ノルムの代わりに) 非凸 に拡張した「 $\ell_{2,1}$ ノルムと  $\ell_{1}$ ノルムの和」をスパース 誘導項  $\mathcal{P}$ として用いた場合に対応する.

#### 4 数値実験

提案したスパース IVA の可能性を示すために,文 献 [1,2] と同様の実験を行った.音源には SiSEC の 一部である UND タスク内の dev1 に含まれる liverec の中で,残響時間 130 ms の環境でマイクロホン間隔 5 cm で収音された女声の音源を用い, $-50^{\circ}$ と 45° か ら到来した音源の混合を Mixture A, $-10^{\circ}$ と 15° からの混合を Mixture B とした. 128 ms の Hann 窓をずらし幅 64 ms で用い,各パラメータは  $\mu_1 = 1$ ,  $\mu_2 = 1$ ,  $\alpha = 1.75$ ,  $\lambda_1 = 2$ ,  $\lambda_2 = 0.01$ ,  $\kappa = 1.1$ ,  $\eta = 0.5$ とした.また,全ての W[f] は単位行列で初期化し, y の初期値はゼロベクトルとした.

反復毎の SDR・SIR・SAR を図-2 に示し,その右 端での値と 1 反復あたりの計算時間を表-1 に示す. 提案したスパース IVA は,元にした従来の Laplace IVA と比べて, SDR が 3.3 dB 程度改善している. 一 方,(MATLAB 2017a と Core i5-7200U で)反復あた りの計算時間は 1.2 倍しかかかっておらず,元々 IVA の演算量が低いことを思い返せば,提案法は演算量を 低く抑えたまま性能の改善ができていると言える.

#### 参考文献

- [1] 矢田部浩平,北村大地, "近接分離最適化によるブラインド音 源分離,"日本音響学会講演論文集, pp. 431-434 (2018).
- [2] K. Yatabe and D. Kitamura, "Determined blind source separation via proximal splitting algorithm," *IEEE Int. Conf. Acoust., Speech, Signal Process.*, pp. 776–780 (2018).
  [3] 矢田部浩平,北村大地,"一般の時間周波数マスキングに基づく
- [3] 矢田部浩平,北村大地,"一般の時間周波数マスキングに基づく 独立ベクトル分析,"日本音響学会講演論文集, pp. 219–220 (2018).
- [4] K. Yatabe and D. Kitamura, "Time-frequency-maskingbased determined BSS with application to Sparse IVA," — (submitted).

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>白色化の有無はアルゴリズムのみでなく,問題自体の性質,特 に log det 項の性質も変えるので,白色化をしなければ副作用を 解決可能だと直ちに結論することはできない.白色化の影響は, log det 項と関数  $\mathcal{P}$  と観測データ X の関係で決まるので,本質的 にどのような問題を解いているのかは議論する必要がある.