微分方程式の数値解法を理解し(Euler 法等を思い出し)、プログラミングする。同時に数 値解法の「落とし穴」(誤差や桁落ち)について理解する。

でも、まずは Newton 法応用の解答例から。

ベンゼン(A)ートルエン(B)系の圧力 P=101.3kPa で 液相組成 xA=0.4 モル分率のときの平衡温度Tと気相組成 y を Newton 法で求めよ。 初期値やしきい値は任意に与えよ。

## ただし、活量係数は1 (理想系を仮定) する。

液相組成 xA と分圧 pA との関係(Raoult の法則)

$$egin{aligned} p_{_A} &= P_{_A}^{^o} \cdot x_{_A} \ p_{_B} &= P_{_B}^{^o} \cdot x_{_B} = P_{_B}^{^o} \cdot \left(1 - x_{_A}\right) \ &$$
 二成分系なので、 $\mathbf{x}_{_A} + \mathbf{x}_{_B}$ は常に 1.0

P<sup>0</sup> は成分 A の飽和蒸気圧(温度に依存した物性値)

$$\ln P_A^0 = 15.33 - 3785/T$$
 $\ln P_B^0 = 15.68 - 4247/T$ 
 $_T$  は絶対温度

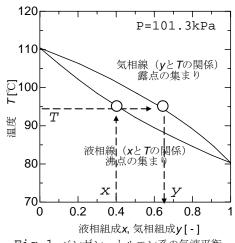
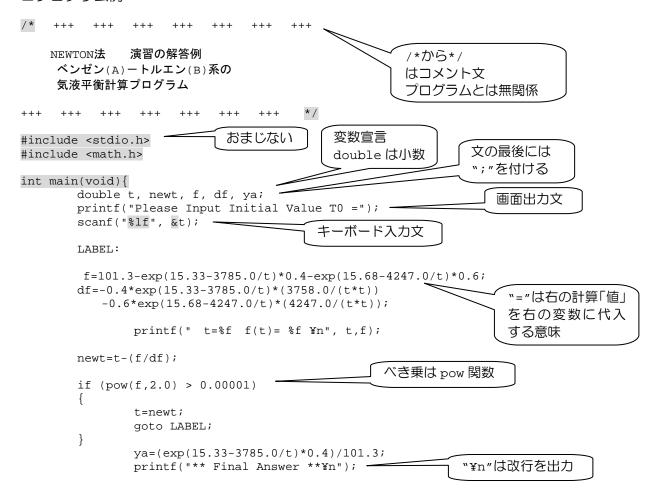


Fig.1 ベンゼンートルエン系の気液平衡

#### ■プログラム例



printf(" f(t)=%f\forall n",f);

printf(" t=%f [°C]\forall n",t-273.15);

#### ■本日は Euler 法の理解

初期条件がx=x0、y=y0 であるとき dy/dx=f(x,y) を数値的に解く。 x の刻み幅を h とすると、

$$\frac{dy}{dx} = \frac{y_i - y_{i-1}}{x_i - x_{i-1}} = \frac{y_i - y_{i-1}}{h} = f(x_i, y_i)$$

したがって一般化すると、  $y_{i+1} = y_i + h \cdot f(x_i, y_i)$ 

/\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*

```
Euler Method (No1)
   dy/dx = 1-3y
  x0=0.0, y0=0.0
 刻み幅 Hをさまざま変化させ、厳密解と比較せよ。
   ただしxの範囲は0.0~3.0
#include <stdio.h>
                    文の最後には必ず
#include <math.h>
                     ";"を付ける
int main(void){
                               double は実数
                               int は整数で宣言 を示す。
   double h;
   double x, y, ans;
                          プログラムの"=" は
   double x0, y0;
                          右辺の"値"を左辺の"変数"に代入することを示す。
   int i;
                          数学のイコールとは違う。
   i=0; -
                       i は INTERGER で宣言したから 0
   x0=0.0;
                       x0 は REAL で宣言したから 0.0
   y0=0.0;
   printf("Please Input H=");
   scanf("%lf", &h);
   printf(" I,
                     Χ, Υ,
                                       ANS¥n");
   x=x0;
   y=y0;
```

```
「LABEL」という「場所」を定める。:コロンだ!
   ans=(1.0-\exp(-3.0*x))/3.0;
   printf(" %d, %f,
                   %f,
                          %f \n", i, x, y, ans);
   i=i+1;
                             オイラー法の神髄はココだけ
   y=y+h*(1.0-3.0*y);
   if (x <= 3.0)
      goto LABEL;
   return(0);
                        「LABEL」という「場所」に飛ぶ。
}
         -----実行開始------
Please Input H=0.1
                        ANS
I, X, Y,
0,
                       0.000000
    0.000000,
              0.000000,
1,
   0.100000, 0.100000,
                        0.086394
   0.200000,
              0.170000,
                        0.150396
    . . . . . . .
28,
     2.800000, 0.333318, 0.333258
29, 2.900000, 0.333323,
                         0.333278
-----おしまい-----
```

### ■課題1

中間試験問題の 4 を実際にオイラー法で解け。  $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{(x^2 + x)}$  x0=1.0 のとき y0=0.0

$$y = \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) + \ln 2$$

#### ■課題2

12.5  ${\rm m}^3$  の水槽があり、これに 0.050  ${\rm m}^3/{\rm s}$  の流量で水が注入されている。しかし、水槽に 1.2  ${\rm m}^3$  の水がたまった時点で、水槽の底から水が漏れだした(この時間を  ${\bf t}$  = 0 とする)。水の漏れは時間の関数となっており、0.0025  $\times {\bf t}$   ${\rm m}^3/{\rm s}$  であった。微分方程式を数値的に解き、水量の経時変化の概略をグラフで示せ。

```
蓄積速度(蓄積量/時間)=流入速度-流出速度 \frac{dV}{dt}=0.005-0.0025 \cdot t Euler 法で考える f(t)=\frac{dV}{dt} f(t_{i+1})=f(t_i)+h\cdot \left(0.005-0.0025 \cdot t_i\right)
```

# これで、気液平衡計算と微分方程式の数値解析は免許皆伝